

在現金折扣與二階層信用 交易下探討國軍福利營站 最佳訂購策略

提要。 郭鴻譯

- 一、存貨管理對國軍福利營站而言,實扮演相當重要的角色,若未具有最佳存貨管理,除可能因存貨不足,衍生銷售損失暨商譽受損外,存貨過量亦會形成資金積壓,導致不必要的成本支出。此外,過於頻繁的訂購週期,亦會逐步提升相關的交易成本。
- 二、本研究藉由供應商對批發商提供固定信用交易週期,且批發商對福利營站亦提出信用 交易週期與現金折扣之假設下,以總變動成本最小化為目標,推導具有最佳存貨週期 與最小化總變動成本之經濟訂購量模型。
- 三、本研究除建構兩個經濟訂購量模型外,並藉由微積分及代數法,推導出相關決策法則,以供福利營站作為最佳訂購策略之決策準則,並藉由對各參數的敏感性分析,對福利營站的最佳訂購策略提供相關建議。

關鍵詞:供應鏈(Supply Chain)、存貨(Inventory)、二階層信用交易(Two-level Trade Credit)、現金折扣(Cash Discount)

壹、前言

存貨代表企業於有限資金基礎上,必須 與其他資產作出投入資本之比較¹。所以,存 貨管理對國軍福利營站(以下簡稱福利站)而 言,實扮演相當重要的角色,若未具有最佳 存貨管理,除可能因存貨不足,衍生銷售損 失暨商譽受損外,亦可能因過量存貨導致過 時、變質,進而形成不必要的成本支出或導 致資金積壓。此外,過於頻繁的訂購週期, 亦會提升相關交易的作業成本,進而壓縮利 潤。因此,建構一套具有最佳化存貨週期的存 貨系統,以達成成本最小化,利潤最大化之目 的,對福利站的營運規劃而言,顯然為重要 的議題。

存貨理論大致可區分為產品、決策變數、決策結構、時間、需求、目標函數、訂購成本、持有成本、缺貨成本、供應系統、實體系統、資訊結構與可用資源等13個領域²。 Goyal³經觀察市場交易實況後,指出賣方通常會給予買方一定時間的無息借貸期,並於該借貸期過後,對在庫商品向買方索取高額 的利息。其經濟上的意義為買方於該週期內, 除無須支付貨款與利息外,且可於該週期內, 將銷售收益轉投入於其他投資中,進而獲取 最大利潤。所以,在經濟訂購量模式中,除將 採購成本與庫儲持有成本列入總變動成本 外,並應將買方於借貸期間,藉由投資活動 所賺取之應收利息,以及在借貸期過後,所形 成之高額利息,均應視為買方的變動成本之 一部,列入經濟訂購量模式計算,除可反映 買方實際的總成本外,亦可使經濟訂購量模 式,透過加入信用交易的條件下,更加近似市 場實況。

存貨理論通常以經濟訂購量(Economic Order Quantity, EOQ)模式為主,從事最佳存貨管理決策制定,但經濟訂購量模式在簡化模型考量下,其部分假設並未結合商場實況適時修訂,例如買方在接收商品時,應立即付款予賣方;然而,實務上常見賣方為誘使買方提出大量採購訂單,通常會給予買方一段時間的付款期限(通常為25至30天),稱為信用交易週期⁴。此外,亦常見賣方於一定期間(通常為10天)內,對以現金提前付款的買

¹ Chang, C. T., Teng, J. T., & Goyal, S. K., Inventory Lot-Soze models under trade credits: A Review. "Asia-Pacific Journal of Operational Research," Vol.25, No.1(2008), p.89-112.

² Seifert, D., Seifert, R. W., & Protopappa-Sieke, M., A review of trade credit literature: Opportunities for research in operations. "European Journal of Operational Research," Vol.231(2013), p.245-256.

³ Goyal, S. K., Economic order quantity under conditions of permissible delay in payments. "Journal of the Operational Research Society," Vol.36, No.4(1985), p.335-338.

⁴ Huang, Y. F., Economic order quantity under conditionally permissible delay in payments. "European Journal of Operational Research," Vol.176(2007), p.911-924.

方,給予其購買產品價格2%或3%的折扣,稱 為現金折扣週期⁵,若買方未於現金折扣期限 內付款,除於該折扣週期過後按產品原價付款 外,在庫商品亦須對賣方支付較高額度利息。

對賣方而言,提供「信用交易」或「現金 折扣」之意涵,主要為吸引新買方,並加速買 方於交易期間之付款速度,使其能避免發生 呆帳;相對的,對買方而言,則為購買商品的 主要原因與動機。經由以上說明,足見「信用 交易」與「現金折扣」的交易模式,均為企業 常用於提升產品銷售量之模式,且於實務營 運上有其重要性。

國軍官兵、榮民及軍眷等為滿足民生物 質需求,通常藉由褔利站物美價廉的採購消 費而獲得滿足。因此,為嘉惠軍、榮、眷生活 所需,使得褔利站得以持有廣泛且穩定地銷 售通路,也因此,可將褔利站定位視為「零售 商」。但是,褔利站基於「自給自足」、「自負 盈虧」的前提下⁶,通常採用信用交易方式經 營其存貨管理,然關於現金折扣交易模式, 卻未曾納入營運規劃。

由於供應鏈的迅速發展,以及企業間經 常運用信用交易或現金折扣的付款方式,諸 多研究已針對相關情況,發展出符合現今供 應鏈系統之二階層信用交易模式。然而,在相關研究中,卻鮮少研究當上游端供應商提供中盤商固定信用交易週期情況時,中盤商亦對下游端零售商(即福利站)提供信用交易與現金折扣條件之二階層信用交易模式。因此,本研究基於福利站立場,透過現金折扣與二階層信用交易條件下,建構具最佳化存貨週期之經濟訂購量模式,期能對福利站之最佳訂購策略提出相關建議。

貳、本文

一、研究目的

本研究主要於二階層信用交易與現金折 扣條件下,以褔利站總變動成本最小化為目標,運用數學性質建構及求解最佳存貨週期 模型,於假定條件下分析其最佳訂購策略,研 究目的歸納如後:

- (一)探討當供應商對批發商提供固定 之信用交易週期,且批發商亦對福利站提供 信用交易與現金折扣週期之假設下,建立福 利站具有二階層信用交易與現金折扣狀況之 經濟訂購量模型。
 - (二)證明本研究所建立之模型,具有最

Ho, C. H., Ouyang, L. Y., & Su, C. H., Optimal pricing, shipment and payment policy for an integrated supplier—buyer inventory model with two-part trade credit. "European Journal of Operational Research," Vol.187(2008), p.496-510.

⁶ 林鳳儀、吳勝富、方自億,〈國軍福利營站經營績效之研究-以資料包絡分析法為例〉《臺北科技大學學報》(臺北),第42卷第2期,西元2009年12月,頁65-81。

小化總變動成本性質外,並分析相對之最佳 存貨週期,以及可迅速判斷最佳存貨週期之 決策法則。

(三)透過敏感性分析,瞭解各參數對 最佳存貨週期暨總變動成本之影響,說明相 對管理意涵,並提出最佳訂購策略之建議。

二、研究限制與範圍

本研究之相關限制與範圍如次:

- (一)本研究僅針對有形且可計量之成本,建立經濟訂購量模型,並於該模型中分析最佳訂購週期與策略,故有關商譽等無形成本,將不予納入研討。
- (二)本研究係針對二階層信用交易與 現金折扣等假設條件下,以總變動成本最小 化為目標,建立經濟訂購量模型,故有關缺 貨、退化性等成本參數,不納入分析。
- (三)基於求取福利站最小化總變動成本考量,本研究將供應鏈簡化為單一供應商、批發商與零售商之架構,以利模式建構與分析。

三、研究流程

經確立本研究問題、目的、限制與範圍後,本節將區分為5個步驟,說明研究方法與流程,分述如後:

(一)說明本研究背景與動機,確立研究 目的與相關限制範圍。

- (二)藉由「二階層信用交易」與「現金 折扣與信用交易」等文獻的蒐整,有系統探 討相關模式的發展,作為本研究之理論基 礎。
- (三)模擬並建構2個不同模式之經濟 訂購量模型,藉由微分法驗證各模型是否具 有總變動成本最小化之特性,同時求取最佳 化訂購週期,以及發展判斷最佳化訂購週期 之決策法則。
- (四)經由敏感性分析結果,了解各參數 對總變動成本與最佳存貨週期的影響。
- (五)依據本研究建構之模型,分析與 說明相對之管理意涵,並提出結論與最佳訂 購策略之相關建議。

四、相關文獻探討

存貨系統模式的問題包含兩部分,一為 建立存貨模型;二為建立求解程序⁷。本研究 自「二階層信用交易」與「現金折扣與信用交 易」等二類文獻;分別探討相關模式暨成果, 並提出綜合分析。

(一)二階層信用交易為結合真實商業環境,在具有信用交易條件之存貨模型中,經常運用多項研究參數。例如需求率、可賺取之機會成本、資金積壓成本之利息、訂購成本、採購成本、產品價格、折扣、存貨週期、信用交易週期、訂購量,庫儲容量等,以建構

⁷ Chung, K. J., Comments on the EOQ model under retailer partial trade credit policy in the supply chain. "International Journal of Production Economics," Vol.114(2008), p.308-312.

經濟訂購量(EOQ)模型。Goyal[®]藉由供應商對零售商提供固定的信用交易週期,運用凸函數的特性,建立具有信用交易條件的EOQ模型以及演算法。該研究雖未提供數學模式的相關證明,但成為日後研究具有信用交易條件之EOQ模型主要參考。

Huang⁹認為僅由供應商對零售商提供信用交易週期,且零售商不提供其顧客信用交易週期的假設,是具有爭議且不符合商場實情,進而提出零售商亦對顧客提供信用交易之模型;此種緊密結合「供應商、零售商與顧客」三者關係的二階層信用交易模型,亦較符合現今供應鏈系統。該研究除將Goyal的一階層信用交易模式,擴充為二階層信用交易模式外,亦以各成本函數一階導數的誤差"Δ",推導出判定最佳訂購策略之決策法則。其後,亦有相關的研究,將產品退化率、庫儲容量、預購折扣率、缺貨率以及價格折扣¹⁰等限制因素,結合及延伸Huang的模式。

(二) 現金折扣與信用交易實務上,常見

賣方運用現金折扣方式,作為一種吸引並鼓勵買方大量採購產品的重要策略。Lim and Rashid¹¹指出現金折扣率的提升(或降低),將顯著的增加(或減少)企業的利潤。然而,採用現金折扣的另一個主要原因,係賣方可透過現金折扣方式,鼓勵買方儘速付款,俾避免或減少賣方處理違約風險(呆帳)情況。

Chang¹²以供應商提供「信用交易」與「現金折扣」的假設下,分析零售商最佳存貨週期之策略,指出在供應商提供現金折扣狀況下,零售商的經濟訂購量將會低於傳統模型的經濟訂購量;相反的,在信用週期狀況下,則零售商的經濟訂購量將大於(或等於)傳統模型的經濟訂購量。亦有學者¹³認為當供應商及零售商具有策略聯盟情況下,透過現金折扣與信用交易的結合,不但可增加供應商的利潤外,還可提升零售商利潤。此外,藉由供應商與零售商的合作,可顯著改善供應鏈整體利潤,Tsao¹⁴表示部分廠商無法從供應鏈中,獲得利潤極大化之主要原因,係缺

⁸ 同註3,頁337-338。

⁹ Huang, Y. F., Optimal retailer's ordering policies in the EOQ model under trade credit financing. "Journal of the Operational Research Society," Vol.54(2003), p. 1011-1015.

¹⁰ 亦稱「數量折扣」或「批量減價」。係指在買賣成立前,賣方為促銷商品,就定價予以折減的一種優惠。

¹¹ Lim, W., & Rashid, M., An operational theory integrating cash discount and product pricing policies. "Journal of American Academy of Business," Vol.1, No.2 (2002), p.282-288.

¹² Chang, C. T., Extended economic order quantity model under cash discount and payment delay. "International Journal of Information and Management Sciences," Vol.13, No.3 (2002), pp.57-69.

¹³ 同註5,頁506-508。

¹⁴ Tsao, Y.C., Managing multi-echelon multi-item channels with trade allowances under credit period. "International Journal of Production Economics," Vol.127(2010), p.226-237.

乏獎勵因素所致,提出企業可藉由提供現金 折扣方式,以協助供應鏈各成員取得相對獎 勵,俾提升各成員其利潤極大化的目的。

除前述相關研究外,Huang and Chung¹⁵ 於供應商提供零售商現金折扣與信用交易,且零售商僅能擇一週期付款的假設下,以總變動成本極小化為目標,將Goyal¹⁶的模型,擴充為具有現金折扣與信用交易之模型。其後,Chung and Lin¹⁷修正了Huang and Chung¹⁸的缺失,並採用「現金折扣週期」小於「信用交易週期」之條件,且零售商僅能擇一週期付款的假設下,進一步簡化可決定零售商最佳存貨週期與訂購策略之相關定理。

(三)綜合分析經分析Huang¹⁹、Chen and Kang²⁰及Du, Banerjee, and Kim²¹等文獻後,本研究發現在企業透過供應鏈方式,以快速滿足消費者需求之實況下,以往一階層信用交易之存貨模型,實與企業之間的商場

現況不相符,進而延伸出二階層信用交易存 貨模式的發展。此外,在現金折扣暨信用交 易的整合方面,亦逐漸衍生相關變化,大致 而言,仍以「信用交易週期」、「現金折扣週 期」、「存貨週期」、「應付利息率」與「應收 利息率」等參數之間的變化,作為主要分析 對象。

其次,本研究發現具有「信用交易」與「現金折扣」假設的相關研究中,多於一階層信用交易週期條件下,探討供應商與零售商的關係,進而推論零售商之最佳存貨策略,除忽略供應商與零售商之間,尚有中盤商(如批發商)存在外,亦較少提出當上游端(供應商與批發商)具有固定信用交易週期關係時,下游端(批發商與零售商)於相關參數變化的研究。此外,在具現金折扣條件的相關文獻中,均假定賣方提供之「現金折扣」週期小於「信用交易」週期。但是,忽略了當

¹⁵ Huang, Y. F., & Chung, K. J., Optimal Replenishment and Payment Policies in the EOQ model under cash discount and trade credit. "Asia-Pacific Journal of Operational Research," Vol.20(2003), p.177-190.

¹⁶ 同註3,頁337。

¹⁷ Chung, K. J., & Lin, S. D., The simplified solution procedure for the EOQ model under cash discount and trade credit. "Journal of Information and Optimization Sciences," Vol.31, No.2 (2010), p.439-453.

¹⁸ 同註15,頁182。

¹⁹ 同註9,頁1012-1014。

²⁰ Chen, L. H., & Kang, F. S., Integrated inventory models considering the two-level trade credit policy and a price-negotiation scheme. "European Journal of Operational Research," Vol.205 (2010), p.47-58.

Du, R., Banerjee, A., & Kim, S., Coordination of two-echelon supply chains using wholesale price discount and credit option. "International Journal of Production Economics," Vol.143, No.2 (2013), p.327-334.

買方因持有穩定行銷通路而導致具有強力議 價能力²²,或因賣方之「現金折扣」週期於某 種原因下(如因季節性變化,需調節庫儲存 貨壓力時),「現金折扣」週期亦有大於「信 用交易」週期的可能性。

最後,經由前述文獻分析後,本研究採 用供應商對批發商提供固定信用交易週期的 觀點;此外,批發商將對零售商提供「現金折 扣」暨「信用交易」付款策略,並以總變動成 本極小化為目標,研究零售商(即福利站)具 有現金折扣暨二階層信用交易條件之最佳化 訂購策略。

參、最佳存貨週期模型建構

本研究在「現金折扣」與「二階層信用交易週期」之假設下,藉由延伸Chung and Lin²³ 的經濟訂購量模式,以建構福利站具有最佳存貨週期之經濟訂購量模型。

一、符號說明

本研究使用之參數,計年度需求量等13 項,各參數其對應符號暨說明如表一所示。

二、研究假設

本研究共計8項假設,相關內容說明如 下:

表一 本研究參數與符號對照表

| 符號 | 定義 |
|------------------|-----------------------------------|
| D | 年度需求量(單位/年) |
| A | 每期訂購成本(元/期) |
| c | 每單位產品採購價格(元/單位) |
| h | 每年每單位庫儲持有成本 (不含應收利息) (元/單位/年) |
| I_{e} | 每年可賺取之應收利息率(%) |
| I_{c} | 每年庫儲存貨開始負擔資金積壓成本之應付利息率(%) |
| γ | 現金折扣率 (%), $0 < \gamma < 1$ |
| M | 供應商提供批發商之信用交易週期(年) |
| N_1 | 批發商提供零售商之現金折扣週期 (4) , $N_1 < M$ |
| N_2 | 批發商提供零售商之信用交易週期 (4) , $N_2 < M$ |
| T | 零售商存貨週期時間(年) |
| T^* | 零售商最佳存貨週期時間(年) |
| TVC(T) | 零售商年度總變動成本 (元),與 T 具有函數關係 |

Huang, Y. F., & Hsu, K. H., An EOQ model under retailer partial trade credit policy in supply chain. "International Journal of Production Economics," Vol.112 (2008), p.655-664.

²³ 同註17,頁440-447。

- (一)本模型採用單一供應商、批發商 與零售商之供應鏈模型,且為單品項存貨系 統。
 - (二)需求量為已知的固定常數。
 - (三)不允許缺貨。
- (四)前置時間為零(即補貨可瞬間完成),且一次送達。
 - (五)無限制時間週期。
- (六) 供應商提供具長期合作關係批發商的信用交易週期為M,批發商提供零售商之現金折扣週期與信用交易週期分別為 N_1 與 N_2 ,且 $M>N_i$ (i=1,2)。於賣方提供之信用交易(或現金折扣)週期內,買方(零售商)無需立即支付貨款,並可將銷售收益投入於年利率 I_c 的帳戶中以賺取應收利息(即機會成本),俟賣方提供之信用交易(或現金折扣)週期屆滿時,買方則需對庫儲商品支付年利率 I_c 的應付利息(即資金積壓成本),且 $I_c \ge I_c$ 。
- (七)若零售商於現金折扣期限內付款, 則批發商提供現金折扣率 γ (0< γ <1)的優惠;若於信用交易期限付款時,則零售商須依 產品原價付款。
- (八)當批發商提供零售商之現金折扣 週期,大於其提供之信用交易週期時,由於現

金折扣週期之產品價格低於原價,故零售商 將採用現金折扣付款方式,並於該週期最大 期限(即 $T = N_1$ 時)支付貨款;相對的,若現 金折扣週期小於(或等於)信用交易週期,則 零售商將採取信用交易付款,並於該週期最 大期限(即 $T = N_2$ 時)付款。

三、變動成本定義

本研究之總變動成本,包含訂購成本、 採購成本、庫儲持有成本(不含應付利息)、 應收利息與應付利息等要素,相關定義分述 如後:

- (一)訂購成本²⁴:係向上游廠商採購之 各項手續,其所需支付的成本(如訂單傳真 或郵寄成本);該成本通常不隨訂購量而有 所變動,係取決於當年度的下訂次數。
- (二)採購成本²⁵:通常指產品的每單位 購買價格;該成本將隨訂購量的大小而有所 變動。
- (三)庫儲持有成本²⁶:係某一期間內因儲存或持有貨物,所需支付的變動成本;主要包含儲存貨物的空間成本、保險費與課稅等,但不包含應付利息。
- (四)機會成本²⁷:係指現金折扣(或信用交易)週期中,零售商經銷售產品所產生之累積收益,轉投入於其他投資行為,所茲生

- 25 同註24。
- 26 同註24。
- 27 同註15,頁178。

²⁴ 轉引自Krajewski, L. J., Ritzman, L. P., & Malhotra, M. K., 白滌清譯,《生產與作業管理-程序與 供應鏈(第9版)》(臺北:歐亞書局,西元2010年),頁290-327。

並賺取的利息;以下稱應收利息。

(五)資金積壓成本28:係指現金折扣(或信用交易)週期屆滿時,零售商對在庫未銷售之 產品,始負擔資金積壓之利息;以下稱應付利息。

經由各成本要素定義後,本研究之總變動成本數學模式29、30、31可表示為:

總變動成本=訂購成本+採購成本+庫儲持有成本+應付利息-應收利息 (1)

四、存貨模型推遵

本研究依據相關假設下,經由以下兩種情況,建構福利站具有最佳存貨週期之經濟訂購 量模型。

(一)情況一

供應商對批發商提供信用週期期限為M,批發商對零售商提供現金折扣期限 N_1 ,大於其 提供之信用交易期限 N_{2} ;零售商採用現金折扣週期付款,並於該週期最大期限付款。

依據各週期期限於時間上的關係,總變動成本可區分為4個區段分析:

$$[TVC_{11}(T), \text{ If } T \ge M > N_1 > N_2]$$
 (2a)

$$TVC_{1}(T) = \begin{cases} TVC_{12}(T), & \text{If } M > T \ge N_{1} > N_{2} \\ TVC_{13}(T), & \text{If } N_{1} \ge T > N_{2} > 0 \end{cases}$$
 (2b)

$$|TVC_{13}(T)|$$
, If $N_1 \ge T > N_2 > 0$ (2c)

$$TVC_{14}(T)$$
, If $N_1 > N_2 \ge T > 0$ (2d)

依據本研究假設,1式暨2a至2d式,推導總變動成本函數如下:

 $1.T \ge M > N_1 > N_2$ 時:

$$TVC_{11}(T) = \frac{A}{T} + c(1 - \gamma)D + \frac{DTh}{2} + \frac{c(1 - \gamma)I_cD(T - N_1)^2}{2T} - \frac{c(1 - \gamma)I_eDN_1^2}{2T}.(3)$$

 $2.M > T \ge N_1 > N_2$ 時:

$$TVC_{12}(T) = \frac{A}{T} + c(1 - \gamma)D + \frac{DTh}{2} + \frac{c(1 - \gamma)I_cD(T - N_1)^2}{2T} - \frac{c(1 - \gamma)I_eDN_1^2}{2T}.(4)$$

 $3.N_1 \ge T > N_2 > 0$ 時:

$$TVC_{13}(T) = \frac{A}{T} + c(1 - \gamma)D + \frac{DTh}{2} - c(1 - \gamma)I_eD(N_1 - \frac{T}{2}). \tag{5}$$

²⁸ 同註27。

²⁹ 同註9,頁1012。

³⁰ 同註15,頁182。

³¹ 同註17,頁443。

 $4. N_1 > N_2 \ge T > 0$ 時:

$$TVC_{14}(T) = \frac{A}{T} + c(1 - \gamma)D + \frac{DTh}{2} - c(1 - \gamma)I_eD(N_2 - \frac{T}{2}). \tag{6}$$

於第3、4式中,第一段為訂購成本;第二段為採購成本;第三段為應付利息;第四段為應收利息。另外,於5、6式中,第一段為訂購成本;第二段為採購成本;第三段則為應收利息。

自3、4、5及6式中,對T實施二階導數之微分運算,以驗證各函數式是否具有凸函數(即最小值)性質,驗證結果如7至10式所示:

$$\frac{d^2TVC_{11}(T)}{dT^2} = \frac{2A + c(1 - \gamma)DN_1^2(I_c - I_e)}{T^3} > 0.$$
 (7)

$$\frac{d^2TVC_{12}(T)}{dT^2} = \frac{2A + c(1 - \gamma)DN_1^2(I_c - I_e)}{T^3} > 0.$$
 (8)

$$\frac{d^2TVC_{13}(T)}{dT^2} = \frac{2A}{T^3} > 0. {9}$$

$$\frac{d^2TVC_{14}(T)}{dT^2} = \frac{2A}{T^3} > 0. {10}$$

5.自7及8式中,令:

$$\alpha = 2A + c(1 - \gamma)DN_1^2(I_c - I_e). \tag{11}$$

 α 係於情況一的假設條件下,零售商訂購成本與該現金折扣期限內,所產生應付利息率 扣除應收利息率之值的總和。並依7至11式分析後,獲得引理一:

- (1) $TVC_{1,i}(T)(j=1,2)$ 在T大於0,且 α 大於0時,具有凸函數性質。
- (2) $TVC_{1j}(T)(j=3,4)$ 在T大於0時,具凸函數性質。
- (3) $TVC_1(T)$ 在T大於0且 α 大於0時,具有凸函數性質。

經由引理一可知總變動成本具有凸函數性質。所以,可藉由一階導數的數學性質,令 $TVC'_{1j} = 0$ (j=1,2,3,4),求解情況一中各成本函數的最佳存貨週期,如12至15式所示:

$$T_{11}^* = \sqrt{\frac{2A + c(1 - \gamma)DN_1^2(I_c - I_e)}{D[h + c(1 - \gamma)I_c]}}.$$
 (12)

$$T_{12}^* = \sqrt{\frac{2A + c(1 - \gamma)DN_1^2(I_c - I_e)}{D[h + c(1 - \gamma)I_c]}}.$$
 (13)

$$T_{13}^* = \sqrt{\frac{2A}{D[h + c(1 - \gamma)I_e]}}.$$
 (14)

$$T_{14}^* = \sqrt{\frac{2A}{D[h + c(1 - \gamma)I_e]}}.$$
 (15)

(二)情況二

供應商對批發商提供信用週期期限為M,批發商對零售商提供現金折扣期限 N_1 ,小於(或等於)其提供之信用交易期限 N_2 ;零售商採用信用交易週期付款,並於該週期最大期限付款。

總變動成本亦可依各週期時間,區分4個區段分析:

$$TVC_{2}(T) = \begin{cases} TVC_{21}(T), & \text{If } T \ge M > N_{2} > N_{1} \\ TVC_{22}(T), & \text{If } M > T \ge N_{2} > N_{1} \\ TVC_{23}(T), & \text{If } N_{2} \ge T > N_{1} > 0 \\ TVC_{24}(T), & \text{If } N_{2} > N_{1} \ge T > 0 \end{cases}$$
 (16a)

依據本研究之假設,以及1式暨16a至16d式,推導零售商於情況二時之總變動成本函數如下:

 $1.T \ge M > N_2 > N_1$ 時:

$$TVC_{21}(T) = \frac{A}{T} + cD + \frac{DTh}{2} + \frac{cI_cD(T - N_2)^2}{2T} - \frac{cI_eDN_2^2}{2T}.$$
 (17)

 $2.M > T \ge N_2 > N_1$ 時:

$$TVC_{22}(T) = \frac{A}{T} + cD + \frac{DTh}{2} + \frac{cI_cD(T - N_2)^2}{2T} - \frac{cI_eDN_2^2}{2T}.$$
 (18)

 $3.N_2 \ge T > N_1 > 0$ 時:

$$TVC_{23}(T) = \frac{A}{T} + cD + \frac{DTh}{2} - cI_eD(N_2 - \frac{T}{2}).$$
 (19)

 $4. N_1 > N_2 \ge T > 0$ 時:

$$TVC_{24}(T) = \frac{A}{T} + cD + \frac{DTh}{2} - cI_e D(N_1 - \frac{T}{2}).$$
 (20)

於17及18式中,方程式第一段為訂購成本;第二段為採購成本;第三段為應付利息;第四段為應收利息。另外,於19及20式中,方程式第一段為訂購成本;第二段為採購成本;第三段則

為應收利息。

分別於17至20式中,對T實施二階導數之微分運算,驗證各函數式是否具有凸函數性質,可得:

$$\frac{d^2TVC_{21}(T)}{dT^2} = \frac{2A + cDN_2^2(I_c - I_e)}{T^3} > 0.$$
 (21)

$$\frac{d^2TVC_{22}(T)}{dT^2} = \frac{2A + cDN_2^2(I_c - I_e)}{T^3} > 0.$$
 (22)

$$\frac{d^2TVC_{23}(T)}{dT^2} = \frac{2A}{T^3} > 0. {23}$$

$$\frac{d^2TVC_{24}(T)}{dT^2} = \frac{2A}{T^3} > 0. {(24)}$$

5.經觀察21及22式,今:

$$\beta = 2A + c(1 - \gamma)DN_1^2(I_c - I_e). \tag{25}$$

β係表示於情況二條件下,零售商訂購成本與該現金折扣期限內,所產生應付利息率扣 除應收利息率之值的總和。並依21至25式分析後,獲得引理二:

- $(1) TVC_{2i}(T)(j=1,2)$ 在T大於0,且 β 大於0時,具有凸函數性質。
- (2) $TVC_{2i}(T)$ (j=3,4) 在T大於0時, 具凸函數性質。
- (3) $TVC_2(T)$ 在T大於0且 β 大於0時,具有凸函數性質。

經由引理二可知零售商於情況二之總變動成本具有凸函數性質。所以,藉由一階導數的數學性質,求解零售商於情況二的最佳存貨週期如次:

$$T_{21}^* = \sqrt{\frac{2A + cDN_2^2(I_c - I_e)}{D[h + cI_c]}}.$$
 (26)

$$T_{22}^* = \sqrt{\frac{2A + cDN_2^2(I_c - I_e)}{D[h + cI_c]}}.$$
 (27)

$$T_{23}^* = \sqrt{\frac{2A}{D[h + cI_e]}}. (28)$$

$$T_{24}^* = \sqrt{\frac{2A}{D[h + cI_e]}}. (29)$$

五、最佳存貨週期決策法則

本節將依據各成本函數之相對定義域,以及自引理一、引理二所推導出各成本函數具有凸函數之特性,進一步推論零售商於本章第二節之假設條件下,具有最佳存貨週期,以及最小化總變動成本之決策法則。

由於各總變動成本函數之一階導數,按其定義域分析後,將有相等情況,如下所示:

(一)
$$M > N_1 > N_2$$
 時:

$$1.TVC'_{11}(M) = TVC'_{12}(M)$$

$$= \frac{-2A + D\left\{c(1-\gamma)\left[(M^2 + N_1^2)I_c - N_1^2I_e\right] + hM^2\right\}}{2M^2}.$$
(30)

$$2.TVC'_{12}(N_1) = TVC'_{13}(N_1)$$

$$=\frac{-2A+DN_1^2[c(1-\gamma)I_e+h]}{2N_1^2}.$$
 (31)

3.
$$TVC'_{13}(N_2) = TVC'_{14}(N_2)$$

$$=\frac{-2A+DN_2^2[c(1-\gamma)I_e+h]}{2N_2^2}.$$
 (32)

(二) $M > N_2 > N_1$ 時:

$$1. TVC'_{21}(M) = TVC'_{22}(M)$$

$$= \frac{-2A + D\left\{c\left[(M^2 + N_2^2)I_c - N_2^2I_e\right] + hM^2\right\}}{2M^2}.$$
 (33)

$$2.TVC'_{22}(N_2) = TVC'_{23}(N_2)$$

$$=\frac{-2A+DN_2^2[cI_e+h]}{2N_2^2}. (34)$$

3.
$$TVC'_{23}(N_1) = TVC'_{24}(N_1)$$

$$=\frac{-2A+DN_1^2[cI_e+h]}{2N_1^2}. (35)$$

(三) 考量 M 、 N_1 及 N_2 均為大於 0 的常數,故可自 30 至 35 式中,令:

$$\Delta_1 = -2A + D\left\{ c(1-\gamma) \left[(M^2 + N_1^2) I_c - N_1^2 I_e \right] + hM^2 \right\}$$
 (36)

若 $\Delta_1 > 0$ 時,若且為 $TVC'_{11}(M) = TVC'_{12}(M) > 0$

$$\Delta_2 = -2A + DN_1^2 [c(1 - \gamma)I_e + h]$$
 (37)

若 $\Delta_2 > 0$ 時,若且為 $TVC'_{12}(N_1) = TVC'_{13}(N_1) > 0$

$$\Delta_3 = -2A + DN_2^2 [c(1-\gamma)I_e + h]$$
 (38)

若 $\Delta_3 > 0$ 時,若且為 $TVC'_{13}(N_2) = TVC'_{14}(N_2) > 0$

$$\Delta_4 = -2A + D \left\{ c \left[(M^2 + N_2^2) I_c - N_2^2 I_e \right] + h M^2 \right\}$$
 (39)

若 $\Delta_4 > 0$ 時,若且為 $TVC'_{21}(M) = TVC'_{22}(M) > 0$

$$\Delta_5 = -2A + DN_2^2 (cI_a + h) \tag{40}$$

若 $\Delta_5 > 0$ 時,若且為 $TVC'_{22}(N_2) = TVC'_{23}(N_2) > 0$

$$\Delta_6 = -2A + DN_1^2 (cI_e + h) \tag{41}$$

若
$$\Delta_6 > 0$$
時,若且為 $TVC'_{23}(N_1) = TVC'_{24}(N_1) > 0$

(四)依照零售商所採取之付款方式,以 $\mathcal{D}_{M} \cdot N, \mathcal{D}_{N}$,於時間上的相對關係,可推得:

- 1. 當零售商採取現金折扣週期付款時 $(即M>N_1>N_2): 則\Delta_1>\Delta_2>\Delta_3$ 。
- 2. 當零售商採取信用交易週期付款時 $(即 M>N_2>N_1): 則 \Delta_4>\Delta_5>\Delta_6$ 。
- 3. 綜合前述。本研究結合引理一、引理二、以及各 Δ_k (k=1,2,3,4,5,6)進行分析。推導可迅速判斷最佳存貨週期之決策法則,如表二所示。

六、本研究與Chung and Lin之經濟訂購 量模型相關差異

(一) Chung and Lin之模型,其主要考

量係於現金折扣週期小於信用交易週期假設下,計算最佳存貨週期;本研究則將該項假設,放寬為現金折扣週期大於信用交易週期,在此假設下建構經濟訂購量模型,並推導總變動成本最小化之相關定理。

(二) Chung and Lin在一階層信用交易 與現金折扣之條件下,推導最佳訂購週期之 經濟訂購量模型;本研究則予以延伸,並考 量二階層信用交易與現金折扣之條件下,建 構模型並推導最佳訂購週期。

肆、模型敏感性分析

一、數值範例說明

本研究透過訂購成本、採購價格、需求量、庫儲持有成本、現金折扣率、應收利息與應付利息率、供應商對批發商之信用交易週期,以及批發商之現金折扣週期與信用交易週期等10項參數進行敏感性分析(各參數之設定範圍如表三所示)。假定其他參數值不

變情況下,採用逐步測試法觀察單一參數單 獨變動時,對總變動成本與最佳存貨週期之 相對影響。

二、敏感性分析

(一) 訂購成本變化之影響

1.令D=5000 (單位/年),c=150 (元/單位), γ =0.01 (%), I_c =0.15 (%), I_e =0.14 (%),

表二 決策法則對照表

| 區分 | 定理一 | 定理二 |
|-----------------------|---|---|
| 情況 | $M > N_1 > N_2$ | $M > N_2 > N_1$ |
| Δ_1 | >0 | >0 |
| $oldsymbol{\Delta}_2$ | >0 | >0 |
| Δ_3 | >0 | >0 |
| Δ_4 | >0 | >0 |
| Δ_5 | >0 | >0 |
| Δ_6 | >0 | >0 |
| T^* | $T_{\scriptscriptstyle 13}^* \cdot T_{\scriptscriptstyle 24}^*$ | $T_{\scriptscriptstyle 14}^* \cdot T_{\scriptscriptstyle 23}^*$ |

資料來源:本研究提供

表三 數值範例設定對照表

| 參數 | 設定範圍 |
|-------------------|----------------------------|
| 每期訂購成本(元/期) | $10 \le A \le 100$ |
| 每單位庫儲持有成本(元/單位/年) | $10 \le h \le 30$ |
| 年度需求量(單位/年) | $1000 \le D \le 5000$ |
| 每單位商品採購價格(元/單位) | $50 \le c \le 150$ |
| 現金折扣率(%) | $0.01 \le \gamma \le 0.50$ |
| 年度應付利息率(%) | $I_c = 0.15$ |
| 年度應收利息率(%) | $0.10 \le I_e \le 0.15$ |
| 供應商之信用交易週期(年) | M = 0.15 |
| 批發商之現金折扣週期(年) | $0.02 \le N_1 \le 0.10$ |
| 批發商之信用交易週期(年) | $0.02 \le N_2 \le 0.10$ |

M=0.15(年),h=10(元/單位/年),於訂購成本遞增變化下,其相對之最佳存貨週期,如表四所示。

2.管理意涵自表四中,可發現訂購成本 調升時,總變動成本與最佳存貨週期均隨之 增加,意味著零售商可藉由訂購次數的減 少,以降低訂購成本的支出,並使得存貨週 期因訂購次數的減少而得到延長。但是,亦可能導致在現金折扣或信用交易週期內,囿於所獲得之投資利潤,無法有效降低訂購成本的增加額度,導致總變動成本呈遞增現象。

(二)採購價格

1.令A=10(元),D=5000(單位/年),

表四 訂購成本分析表

| $1.M > N_1 > N$ | V_2 | | | | | |
|-----------------|----------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|---------------------|-----|
| A | α | $N_{\scriptscriptstyle 1}$ | $N_{\scriptscriptstyle 2}$ | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 10 | 94 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.011$ $T_{24}^* = 0.011$ | $T_{13}^* = 733860$ | 定理一 |
| 25 | 124 | | | $T_{13}^* = 0.018$ $T_{24}^* = 0.018$ | $T_{13}^* = 734880$ | 定理一 |
| 50 | 174 | | | $T_{13}^* = 0.025$ $T_{24}^* = 0.025$ | $T_{13}^* = 736030$ | 定理一 |
| 75 | 224 | | | $T_{13}^* = 0.031$ $T_{24}^* = 0.031$ | $T_{13}^* = 736912$ | 定理一 |
| 100 | 274 | | | $T_{13}^* = 0.036$ $T_{24}^* = 0.036$ | $T_{13}^* = 737655$ | 定理一 |
| $2.M > N_2 > 1$ | N_{1} | | | | | |
| A | β | N_{1} | N_2 | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 10 | 95 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.011$ $T_{23}^* = 0.011$ | $T_{14}^* = 733860$ | 定理二 |
| 25 | 125 | | | $T_{14}^* = 0.018$ $T_{23}^* = 0.018$ | $T_{14}^* = 734880$ | 定理二 |
| 50 | 175 | | | $T_{14}^* = 0.025$ $T_{23}^* = 0.025$ | $T_{14}^* = 736030$ | 定理二 |
| 75 | 225 | | | $T_{14}^* = 0.031$ $T_{23}^* = 0.031$ | $T_{14}^* = 736912$ | 定理二 |
| 100 | 275 | | | $T_{14}^* = 0.036$ $T_{23}^* = 0.036$ | $T_{14}^* = 737655$ | 定理二 |

 γ =0.01, I_c =0.15, I_e =0.14,M=0.15 (年),h=10 (元/單位/年),採購價格之敏感性分析結果,如表五所示。

2.管理意涵:自表五中,可發現當商品 採購價格調升時,與其相對的最佳存貨週期 均呈縮減情形,而總變動成本則呈現增加情 況。因此,當採購價格調升時,不論採取現金 折扣亦或信用交易週期付款,皆囿於自應收利息所賺取之利潤,無法降低因採購價格提升所形成的成本支出,導致總變動成本亦隨之提升。另外,由於商品價格上漲,亦導致零售商可採購量的下降,亦使得最佳存貨週期隨之縮減。

(三)年度需求量

表五 採購價格分析表

| $1.M > N_1 > 1$ | $\overline{N_2}$ | | | | | |
|-----------------|------------------|---------|-------|---------------------------------------|---------------------|-----|
| С | α | N_{1} | N_2 | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 50 | 45 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.015$ $T_{24}^* = 0.015$ | $T_{13}^* = 245336$ | 定理一 |
| 75 | 57 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.014$ $T_{24}^* = 0.014$ | $T_{13}^* = 367481$ | 定理一 |
| 100 | 70 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.013$ $T_{24}^* = 0.013$ | $T_{13}^* = 489615$ | 定理一 |
| 125 | 82 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.012$ $T_{24}^* = 0.012$ | $T_{13}^* = 611741$ | 定理一 |
| 150 | 94 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.011$ $T_{24}^* = 0.011$ | $T_{13}^* = 733860$ | 定理一 |
| $2.M > N_2 >$ | N_1 | | | | | |
| С | β | N_1 | N_2 | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 10 | 45 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.015$ $T_{23}^* = 0.015$ | $T_{14}^* = 245336$ | 定理二 |
| 25 | 58 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.014$ $T_{23}^* = 0.014$ | $T_{14}^* = 367481$ | 定理二 |
| 50 | 70 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.013$ $T_{23}^* = 0.013$ | $T_{14}^* = 489615$ | 定理二 |
| 75 | 83 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.012$ $T_{23}^* = 0.012$ | $T_{14}^* = 611741$ | 定理二 |
| 100 | 95 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.011$ $T_{23}^* = 0.011$ | $T_{14}^* = 733860$ | 定理二 |

1.令A=10(元),c=150(元/單位), $\gamma=0.01$, $I_c=0.15$, $I_e=0.14$,M=0.15(年),h=10(元/單位/年)。當商品年度需求量採等比例 調增時,其相對應之最佳存貨週期與總變動成本,如表六所示。

2.管理意涵:當需求量增加時,可發現最

佳存貨週期將呈現縮減現象,總變動成本則 呈現增加現象,意味著零售商在需求量提升 時,將因屯積較多的商品,使得庫儲持有成 本隨之增加。此外,零售商亦可能藉由少量 訂購方式,導致最佳存貨週期的縮減,亦連 帶壓縮零售商於現金折扣週期或信用交易週

表六 年度需求量分析表

| $1.M > N_1 > N$ | V_2 | | | | | |
|-----------------|----------|----------------------------|----------|---------------------------------------|---------------------|-----|
| D | α | $N_{\scriptscriptstyle 1}$ | $N^{}_2$ | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 1000 | 34 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.025$ $T_{24}^* = 0.025$ | $T_{13}^* = 147206$ | 定理一 |
| 2000 | 49 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.018$ $T_{24}^* = 0.018$ | $T_{13}^* = 293952$ | 定理一 |
| 3000 | 64 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.015$ $T_{24}^* = 0.015$ | $T_{13}^* = 440622$ | 定理一 |
| 4000 | 79 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.013$ $T_{24}^* = 0.013$ | $T_{13}^* = 587253$ | 定理一 |
| 5000 | 94 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.011$ $T_{24}^* = 0.011$ | $T_{13}^* = 733860$ | 定理一 |
| $2.M > N_2 > 1$ | V_1 | | | | | |
| D | β | N_1 | N_2 | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 1000 | 35 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.025$ $T_{23}^* = 0.025$ | $T_{14}^* = 147206$ | 定理二 |
| 2000 | 50 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.018$ $T_{23}^* = 0.018$ | $T_{14}^* = 293952$ | 定理二 |
| 3000 | 65 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.015$ $T_{23}^* = 0.015$ | $T_{14}^* = 440622$ | 定理二 |
| 4000 | 80 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.013$ $T_{23}^* = 0.013$ | $T_{14}^* = 587253$ | 定理二 |
| 5000 | 95 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.011$ $T_{23}^* = 0.011$ | $T_{14}^* = 733860$ | 定理二 |

期中可獲利潤,進而形成總變動成本提升。

(四)現金折扣率

1.令A=10(元),D=1000(單位/年),c=150(元/單位), $I_c=0.15$, $I_e=0.14$,M=0.15(年),h=10(元/單位/年)。現金折扣率調升時,其相對應之最佳存貨週期與總變動成本,如表七所示。

2.管理意涵:若零售商選擇於現金折扣 週期付款時,可知最佳存貨週期除將隨之增 加外,總變動成本將為縮減情況。其原因在 於採購成本將隨現金折扣率提升而得到降 低,使得零售商可藉由現金折扣率的優惠, 訂購較多商品,減緩訂購頻率,使其最佳存 貨週期得以延長。其中,庫儲持有成本雖因

表七 現金折扣率分析表

| $1.M > N_1 > \lambda$ | V_2 | | | | | |
|-----------------------|----------|----------------------------|----------|---------------------------------------|---------------------|-----|
| γ | α | $N_{\scriptscriptstyle 1}$ | N_{2} | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 0.01 | 34 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.025$ $T_{24}^* = 0.025$ | $T_{13}^* = 147206$ | 定理一 |
| 0.13 | 33 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.027$ $T_{24}^* = 0.025$ | $T_{13}^* = 129425$ | 定理一 |
| 0.25 | 31 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.028$ $T_{24}^* = 0.025$ | $T_{13}^* = 111643$ | 定理一 |
| 0.38 | 29 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.029$ $T_{24}^* = 0.025$ | $T_{13}^* = 92377$ | 定理一 |
| 0.50 | 27 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.031$ $T_{24}^* = 0.025$ | $T_{13}^* = 74590$ | 定理一 |
| $2.M > N_2 > N$ | V_1 | | | | | |
| γ | eta | $N_{\scriptscriptstyle 1}$ | $N^{}_2$ | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 0.01 | 35 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.025$ $T_{23}^* = 0.025$ | $T_{14}^* = 147206$ | 定理二 |
| 0.13 | 35 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.027$ $T_{23}^* = 0.025$ | $T_{14}^* = 129425$ | 定理二 |
| 0.25 | 35 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.028$ $T_{23}^* = 0.025$ | $T_{14}^* = 111643$ | 定理二 |
| 0.38 | 35 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.029$ $T_{23}^* = 0.025$ | $T_{14}^* = 92377$ | 定理二 |
| 0.50 | 35 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.031$ $T_{23}^* = 0.025$ | $T_{14}^* = 74590$ | 定理二 |

訂購量的提升而增加,但亦可經由採購成本 的降低,以及自增加的存貨週期中,牟取較大 的投資報酬,以降低庫儲持有成本,進而大 幅縮減總變動成本的支出。

相較之下,若採取信用交易週期付款時,雖亦可藉由銷售收益及投資利潤來降低總變動成本,但透過信用交易方式對總變動成本降低的影響程度,不若採用現金折扣為佳。本研究認為形成此現象的主要原因,在於現金折扣率越大時,則現金折扣週期帶給零售商之總變動成本的降低效果,將明顯優於信用交易週期可提供的效益。

(五)應收利息率

1.令A=10(元),D=1000(單位/年),c=150(元/單位), $\gamma=0.01$,M=0.15(年),h=10(元/單位/年), $I_c=0.15$, $0.10 \le I_e \le 0.15$ 。於應收利息率調升下,其相對應之最佳存貨週期,如表八所示。

2.管理意涵:於零售商對批發商的應付 利息率固定下,當零售商經由投資行為所賺 取之應收利息率逐步調升時,透過敏感性分 析結果,可知零售商的最佳存貨週期與總變 動成本均呈現縮減現象,意味著零售商不論 採取現金折扣或信用交易策略,在應付利息 率為高額固定利率,且大於應收利息率情況 下,為避免因逾越信用交易或現金折扣週期, 而須按庫儲存貨數支付應付利息。所以,零售 商將透過少量訂購方式,縮減其存貨週期以 避免應付利息的支出。此外,藉由少量訂購 方式除形成庫儲持有成本的降低外,同時藉 由應收利息率的提升,亦連帶提高可賺取之 利潤,進而形成總變動成本亦隨之降低。

伍、結論

「信用交易」與「現金折扣」的交易模式,均為企業常用於提升產品銷售量之模式, 且於實務營運上有其重要性。然而,福利站 基於「自給自足」、「自負盈虧」的前提下,通 常採用信用交易方式經營其存貨管理,關於 現金折扣交易模式,卻未曾納入營運規劃。 因此,本研究基於福利站立場,透過現金折 扣與二階層信用交易週期假設下,除建構出 兩個經濟訂購量模型外,並發展判斷最佳存 貨週期之兩項定理,最後透過敏感性分析, 探討各參數對最佳存貨週期之管理意涵。本 研究之最佳訂購策略建議分述如次:

一、若福利站的總變動成本具凸函數 性質,且符合引理一、二時,依據本研究定理 一、二及敏感性分析結果,當供應商提供批發 商固定之信用交易週期狀況下,不論批發商 給予之現金折扣期限大於(或小於)信用交 易期限,此時之最佳訂購策略,本研究建議 應選擇現金折扣期限內付款為佳。

二、當批發商提供現金折扣或信用交易 週期時,對福利站而言均可視為優惠,並應自 存貨系統的相關成本函數中,進一步求取最 佳存貨週期,以降低自身成本與擴大利潤。

| $1.M > N_1 > \Lambda$ | I_2 | | | | | |
|-----------------------|----------|----------------------------|----------|--|---------------------|-----|
| I_e | α | $N_{\scriptscriptstyle 1}$ | $N^{}_2$ | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 0.11 | 79 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.028$ $T_{24}^* = 0.028$ | $T_{13}^* = 147592$ | 定理一 |
| 0.12 | 64 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.027$ $T_{24}^* = 0.027$ | $T_{13}^* = 147464$ | 定理一 |
| 0.13 | 49 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.026$ $T_{24}^* = 0.026$ | $T_{13}^* = 147335$ | 定理一 |
| 0.14 | 34 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.025$ $T_{24}^* = 0.025$ | $T_{13}^* = 147206$ | 定理一 |
| 0.15 | 20 | 0.10 | 0.08 | $T_{13}^* = 0.025$ $T_{24}^* = 0.025$ | $T_{13}^* = 147076$ | 定理一 |
| $2.M > N_2 > N$ | V_1 | | | | | |
| I_e | β | $N_{\scriptscriptstyle 1}$ | N_2 | T^* | $TVC(T^*)$ | 定理 |
| 0.11 | 80 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.028$ $T_{23}^* = 0.028$ | $T_{14}^* = 147592$ | 定理二 |
| 0.12 | 65 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.027$ $T_{23}^* = 0.027$ | $T_{14}^* = 147464$ | 定理二 |
| 0.13 | 50 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.026$ $T_{23}^* = 0.026$ | $T_{14}^* = 147335$ | 定理二 |
| 0.14 | 35 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.025$ $T_{23}^* = 0.025$ | $T_{14}^* = 147206$ | 定理二 |
| 0.15 | 20 | 0.08 | 0.10 | $T_{14}^* = 0.025$ $T_{23}^* = 0.025$ | $T_{14}^* = 147076$ | 定理二 |

表八 應收利息率分析表

資料來源:本研究提供

此外,福利站仍須藉由需求量的精確預測, 俾維持商品的採購價格,以及本身訂購成本 及庫儲持有成本的平穩,避免因需求量變動 等因素影響總變動成本,進而壓縮其獲利能 力。

作者簡介

郭鴻譯少校,國防大學國防管理學院 89年班,軍備局生產管理正規班95年 班。國防大學管理學院運籌管理研究 所碩士104年班。現任陸軍第三地區支 援指揮部補給油料庫少校油料官。